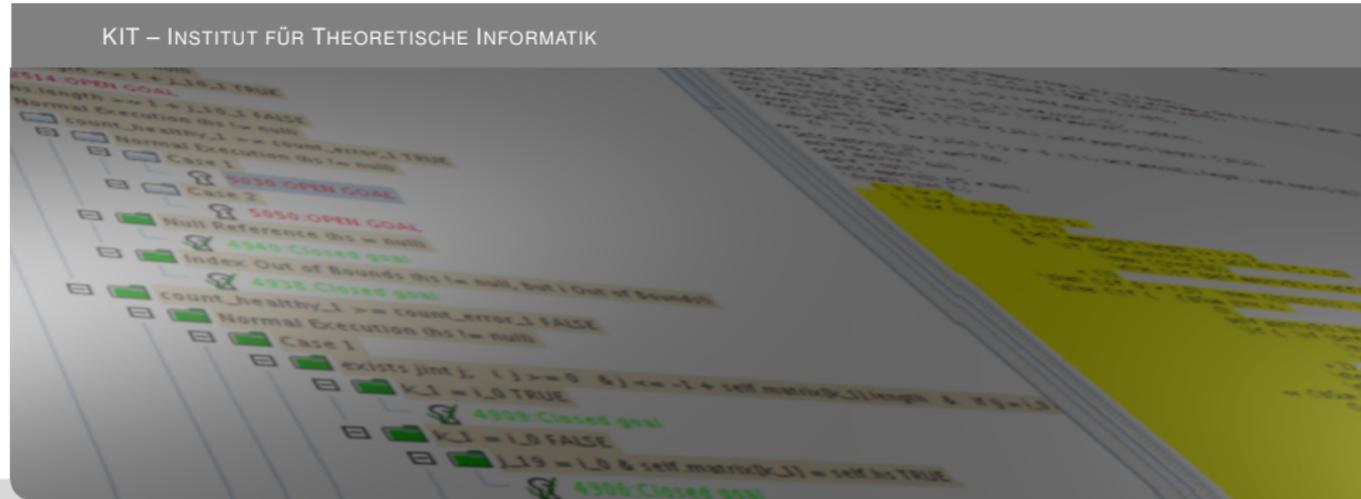


Formale Systeme

Termersetzungssysteme
Prof. Dr. Peter H. Schmitt

KIT – INSTITUT FÜR THEORETISCHE INFORMATIK



Termersetzungssysteme

Definition

Termersetzungssysteme sind spezielle Reduktionssysteme. Ist E eine endliche Menge von Gleichungen über der Signatur Σ , dann nennen wir das Reduktionssystem

$$(\text{Term}_{\Sigma}, \rightarrow_E^1)$$

ein *Termersetzungssystem*.

Da dieses durch Σ und E eindeutig bestimmt ist, sprechen wir kürzer vom *Termersetzungssystem* (Σ, E) .

Kanonisches Termersetzungssysteme

Theorem

(Σ, E) sei ein kanonisches Termersetzungssystem.

- 1. Zu jedem Term t gibt es genau einen irreduziblen Term $irr(t)$ mit $t \rightarrow_E irr(t)$.*
- 2. Für beliebige Terme s, t gilt:*

$$E \models s \doteq t \Leftrightarrow irr(s) = irr(t).$$

- 3. Die Gültigkeit einer Gleichung in der Theorie von E ist entscheidbar.*

Spezialfall des Satzes über kanonische Reduktionssysteme.

Ein einfaches kanonisches Termersetzungssystem

E_{GBT} :

$$0 \wedge x = 0 \quad 1 \wedge x = x$$

$$x \wedge 0 = 0 \quad x \wedge 1 = x$$

$$0 \vee x = x \quad 1 \vee x = 1$$

$$x \vee 0 = x \quad x \vee 1 = 1$$

Für jeden variablenfreien Booleschen Term t gilt

$$t \rightarrow_{E_{GBT}} 0$$

oder

$$t \rightarrow_{E_{GBT}} 1.$$

Ein kanonisches Termersetzungssystem

2. Beispiel

E_{Group} :

$0 + x$	\rightarrow	x	$(x + y) + z$	\rightarrow	$x + (y + z)$
$x + 0$	\rightarrow	x	$i(x) + (x + y)$	\rightarrow	y
$i(x) + x$	\rightarrow	0	$x + (i(x) + y)$	\rightarrow	y
$x + i(x)$	\rightarrow	0	$i(x + y)$	\rightarrow	$i(y) + i(x)$
$i(0)$	\rightarrow	0	$i(i(x))$	\rightarrow	x